## Corso di laurea in Fisica III Parziale di Istituzioni di Fisica Teorica L'Aquila 15 Gennaio 2019

## studente/ssa: matricola:

- 1) Considerare delle particelle classiche di massa m all'equilibrio termico alla temperatura T e contenute in un volume V che si trova in quiete rispetto al sistema del laboratorio.
  - Calcolare il valor medio della velocità lungo una direzione arbitraria
  - Calcolare le sue fluttuazioni

Supporre poi che il contenitore del gas si muova con una accelerazione  $\vec{a}$  costante e ripetere i calcoli precedenti nel sistema di riferimento (non inerziale) solidale con il recipiente, discutendo brevemente il risultato.

I primi due quesiti sono dirette applicazioni della distribuzione di Maxwell per le velocità Notare anche che per l'isotropia del problema una qualsiasi direzione è equivalente nel calc ad una qualsiasi altra. Per quanto riguarda il terzo quesito il sistema non è inerizale quindi saremo in presenza di una forza apparente di trascinamento...

- 2) Si consideri un sistema di N particelle indistinguibili caratterizzate dall'Hamiltoniano H. Si supponga il sistema tridimensionale e lo stato descritto da N impulsi ed N coordinate. Si scriva la funzione di partizione classica ed il potenziale termodinamico nei seguenti casi:
  - Insieme statistico microcanonico
  - Insieme statistico canonico
  - Insieme statistico grancanonico

. . .

3) Ogni particella di massa m in un gas perfetto classico a temperatura T è contenuta in un volume cubico di lato L avente come centro l'origine degli assi. Inoltre ogni particella è sottoposta ad un potenziale

$$V(\vec{r}) = \frac{1}{2}k|\vec{r}|^2.$$

- Esprimere la densità delle particelle in funzione della posizione
- Quando  $\beta kL^2 \gg 1$  la pressione sulle pareti del recipiente è trascurabile. Perchè?

Si noti la simmetria del problema in assenza del potenziale confinante che costringe le part all'interno del volume cubico. La soluzione del primo quesito è immediata tenendo conto che il potenziale confinante agisce solo sulle pareti e restringendosi all'interno di esse. Per il terzo quesito si consideri la condizione imposta...

- 4) In un insieme di atomi di idrogeno termalizzati a temperatura T il la popolazione del primo stato eccitato è uguale a quella dello stato fondamentale. Considerando l'elettrone in ogni atomo come un sistema quantistico distinguibile
  - esprimere  $k_BT$  in eV sapendo che l'energia di Hartree  $E_0=27.2\ eV$

La distribuzione delle popolazioni dei livelli secondo Boltzmann prescrive che...

- 5) Un gas perfetto di particelle indistinguibili di massa m è termalizzato ad una temperatura T. Le particelle si possono considerare non relativistiche. Considerando un sistema aperto in un volume V ed a potenziale chimico costante
  - quale è il numero medio di particelle con un certo impulso  $\vec{p}$  nel caso in cui le particelle siano bosoni di spin nullo?
  - quale è il numero medio di particelle con un certo impulso  $\vec{p}$  e con spin up nel caso le particelle siano fermioni di spin 1/2?
  - discutere e comparare i due risultati.

Per questo quesito dobbiamo conoscere il numero medio di occupazione di uno stato di partice libera caratterizzato dall'impulso  $\vec{p}...$